

دیواری راگر

ئاماده‌کردنی

دانی عبدالکریم حەممە صالح

ئەندازىارى شارستانى

﴿ دیواری راگر ﴾

دیواری راگر نه و پیکهاته يه که به کار دیت بُراگرتون و گلدانه و هی خوّل و خاک به رد و همه مهو نه و ماددانه که به شیوه يه کی شاووئی یان نیمچه شاووئی بوونیان هه يه و ناتوانن به شیوه يه کی سروشتن له دو خیکی سه قامگیر و سه نگیندا بمینه وه .

، که واته دیواری راگر کاری سه ره کی يه که هی بریتی يه له پیدانی هیزی لاته نیشت به هه مهو نه و پیکهاتانه که پیویسته سنور دار بکرین و جیگیر بن .

جوره کانی دیواری راگر :-

دیواری راگر چهندین شیوه و جوری هه يه ، هه ر جوریک له دیواری په یوه ست به و روئه که نه بیینیت له شیوه ی گلدانه و جوری پرژه که ، چهندین جوری به ربلاؤ دیواری راگر هه يه که نه مانه کی خواره وه به شیکیان :-

• دیواری راگری ته خته (داره را)

• دیواری راگری به رد (قورسایی) .

Gravity Retaining Wall

• دیواری راگری کونکریتی

Cantilever Retaining wall

Counterfort Retaining wall

Buttress wall

• دیواری راگر به هوی به کارهینانی ئاسن و پلاستیک به شیوه (نیز و می) (interlocking)

- دیواری راگری (Gabbion)
- دیواری راگر به هوی راکیشانه و (Anchors, Soil nailing)

به شیوه‌یه کی گشتی راگرتی پیکهاته دیواری به دوو شیوه نه کریت :-

یه که م :- توند و تول کردن و جیگیر کردنی دهره کی (External stabilized system)

دوو هم :- توند و تول کردن و جیگیر کردنی ناوه کی (Internal stabilized system)

- توند و تول کردن و جیگیر کردنی دهره کی بهم شیوازانه نه کریت :-

۱- رووتھ خته پایه (Sheet pile) .

۲- ئاسن .

۳- کونکریت .

۴- کونکریتی شیشدار .

۵- بهرد .

۶- کونکریتی قابدار .

۷- (Gabbions) .

* توند و تول کردن و جیگیر کردنی ناوه کیش بهم شیوازانه نه کریت :-

۱- بههیز کردن و پته و کردنی خاک (Reinforcing Earth)

۲- چنگ کردن به خاکدا (Soil Nailing)

۳- توری و ورده پایه (Reticulate Micro- Piles)

به لام به شیوه‌یه کی ساده نه توانین جوړه کانی دیواری رکر کورت بکهینه وه بو نه م چوار جوړه :-

۱- دیواری راگری قورسایی (هیزی راکیشانی خوارمه وه)

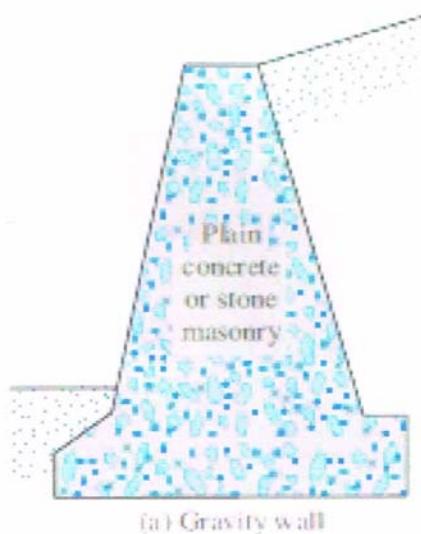
۲- دیواری راگری نیمچه قورسایی)

۳- دیواری راگری کونکریتی شیشدار(

۴- دیواری راگری کونکریتی شیشداری پتهوکراو)

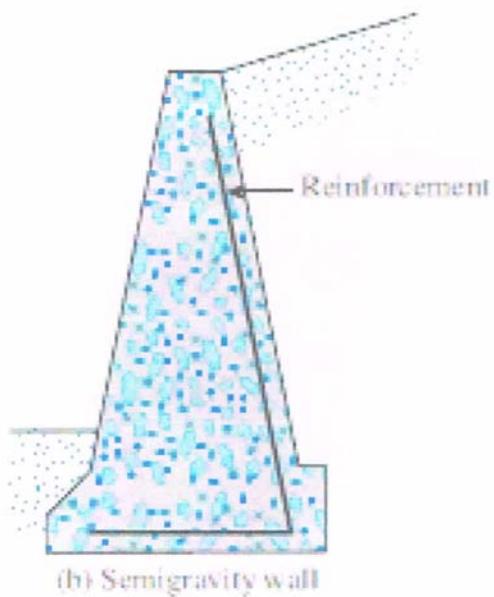
یـ۵ـهـم : - دیواری راگری قورسایی (Gravity Retaining Wall)

نه م جوړه دیواره دروست نه کړیت به کونکریتی ساده یان بهرد نه م جوړه ش پشت به قورسایی کیشی خوی و نه و خوں و خاک نه بہستیت که نه کړیت سه ری ، وہ به ساده ترین جوړی دیواری راگر دانه نریت و به کارهینانی زوړه به لام نه م جوړه له دیواری راگر ګونجاو راست نی یه بو نه و شوینانه که پیویستی به دیواری به رز هه یه ، واته هه چ کاتیک پیویستمان به دیواریک به رز هه بوو بور اگرتنی خوں و خاک نهوا پیویسته بیر له جوړه کانی تر دیواری راگر بکهینه وه .



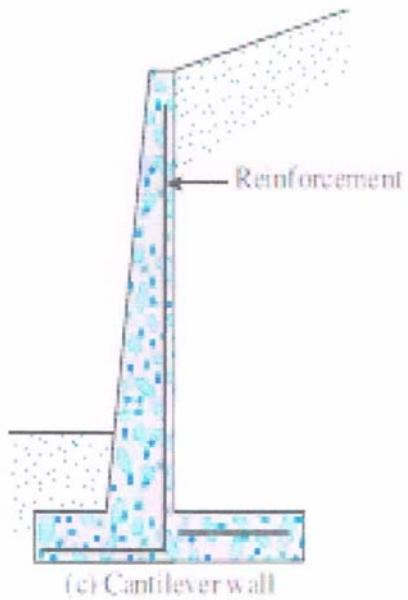
دوم :- دیواری راگری نیمچه قورسایی (Semigravity Retaining Wall)

دیواری راگری نیمچه قورسایی به شیوه‌یه کی گشتی زور نزیکه له دیواری راگری قورسایی به لام جیاوازی یه‌که‌ی نه‌وه‌یه که هه‌ندیک جار بون بچووک کردنه‌وه‌ی قه‌باره‌ی (Section) دیواره راگره‌که شیش به‌کار نه‌هینین بو نه‌وه‌ی هیزی شیشه‌که قه‌ربووی بچوککردنه‌وه‌ی (Section) دیواره راگره‌که بکات .



سی یه م :- دیواری راگری کونکریتی شیشدار (Cantilever retaining wall)

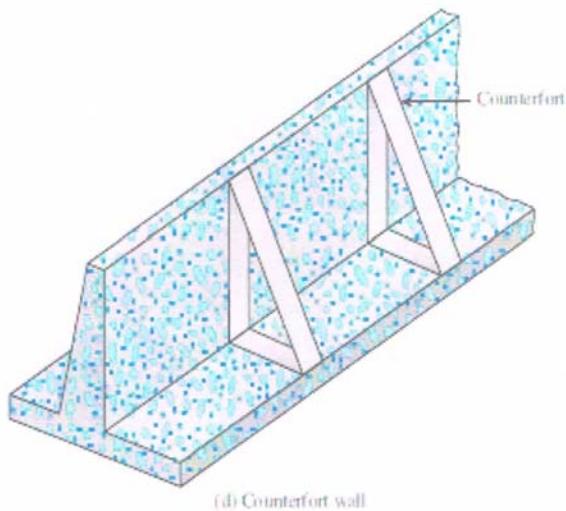
نهم جوړه دیواره بټه و شوینانه زیاتر به کار دیت که پیویستمان به دیواریکی راگری به رزه هه یه که پیک دیت له (stem) (قەد) یکی به رزو ژیر ته ختیکی (base slab) کونکریتی شیشدار.



چوارهم :- دیواری راگری شیشی پتهکراو (Counterfort Retaining wall)

-:

ئەم جۆرهش زۆر نزىكە لە دیواری شیشدار (Cantilever Retaining Wall) بەلام جیاوازىيەكەي ئەوهىيە كە لە نیوان چەند دوورى يەكى يەكسان دیوارىكى كۆنكرىتى شیشدارى تر ھەيە كە ژىرتەخت (stem) و قەد (base slab) بەيەكەوە ئەبەستىتەوە ئەمەش بۇكە مىرىدىنەوەي كارىگەرى (Shear bending moment) تەڭەل (Counterfort).



(d) Counterfort wall

بۇ دىيزاين كىرىدىن دیوارى راگر بە شىوهىيەكى راست و تەواو ئەندازىيار پىويستە نەگۆرە سەرەكى يەكان وەك يەكەي و قورسايى گوشەي لىيڭ خشاندن و هىزى بەيەكدا نوسانى خاكەكەي لابىت چ ئەخاكەي گلى ئەداتەوە چ ئەوەي ئەكەۋىتە سەر ژىرتەختى (base slab) دیوارى راگرەكە .

زانینی تاییه تمدنی کانی خاکه‌که پشتی دیواری راگره‌که یارمه‌تی نهندازیاری دیزاینر نه دات بو نه وهی بزانیت دابهش بونی هیزی لاته‌نیشه‌که چونه و نه مهش به رچاوی نهندازیار پون نه کاته‌وه که بو ج مه بهستیک دیواره راگره‌که دروست نه کات و به کام شیوه و جوره پیویسته نه دیواره دروست بکریت.

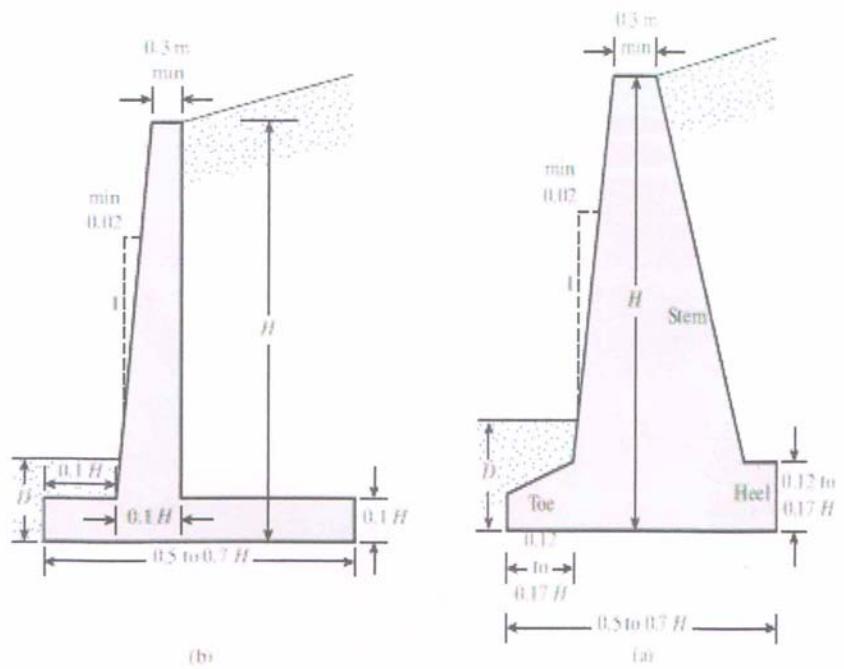
دوو قوناغی سه‌رهکی ههیه بو دیزاین کردنی هه دیواریکی راگری باو (ساده) ، قوناغی یه‌که‌م بریتی یه له زانینی پائه پهستوی هیزی لاته‌نیشت که پیویسته پیکهاته‌که‌ی (Structure) هه مووی چیک بکریته‌وه له رووی سه‌نگینی و سه‌قامگیری بو نه و مه بهسته‌ش پیویسته دیواره‌که بخريته زیر تاقیکردن‌هه‌وهی هه‌تسوران (Over turning) و خلیسان (Sliding) وه هه‌روهه‌ها به‌رگری پائه پهستو (Bearining capacity) . (Failure

قوناغی دووه‌میش بریتی یه له چیک کردنه‌وهی به‌هیزی (Strength) شیش به‌کارهاتوو بو پیکهاتی دیواری راگره‌که (Steel Reinforcement)

- گونجاندنی قه‌باره‌و دووری یه‌کانی دیواری راگر :-

بو دیزاینی هه دیواریکی راگر چهند یه‌که‌و دووری و قه‌باره‌ک ههیه له دیواره راگره‌که که پیویسته پیشتر به شیوه‌ی گریمانه له لایهن نهندازیاری دیزاینردهوه دابنریت بو نه وهی سه‌رهتا چیکی سه‌قامگیری سه‌نگینی (Stability) پی‌بکریته‌وه ، بو نه وهی نه و دووری و قه‌بارانه‌ی که نه گونجا له‌گه‌ل چیکردن‌هه‌وهی سه‌قامگیری بتوانریت بو جاریکی تر دووری و قه‌باره‌ی تر گریمانه بکریت که چیکی سه‌قامگیری دیواره‌که بکاته‌وه .

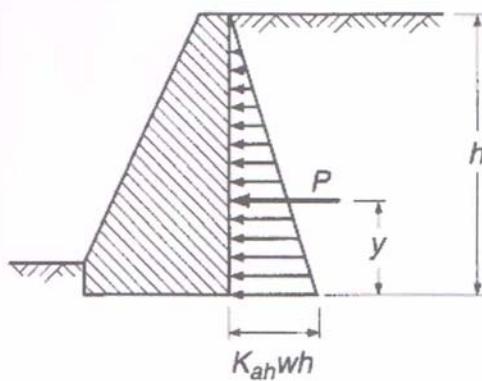
بو نموونه پیویسته ته پله سه‌ری دیواره‌که (قده‌که Stem) له ۳۰ سم که متر نه بیت و اتا ههندیک دووری هه‌یه پیویسته نوزیکیانه گریمانه‌ی بو بکریت بوئه‌وهی گریمانه سه‌ره‌تاییه‌کان به شیوه‌یه‌ک دابنریت که ئاسانکاری بکات له پروسەی دیزاین کردنه‌کدا.



پهستانی خاک له سه ر دیواری راگر :-

به شیوه یه کی گشتی پهستان خاک له سه ر دیواری راگر بریتی یه له سی شیوازی باوی پهستان که هر یه که یان تاییه ته به باریکی پهستان جیاواز که نه یکاته سه ر دیواره که .

باری یه که م :- پهستان روتته ختنی ناسوی خاکی پرکراوهی پشتی دیواره که تا به رزی دیواره که .

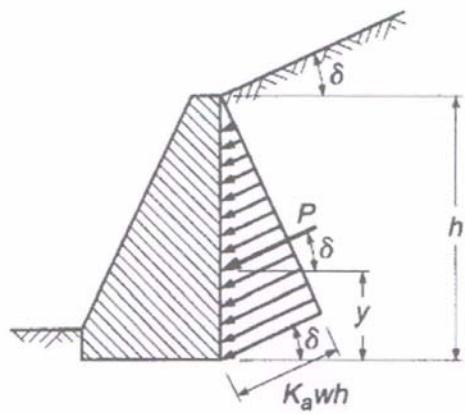


$$y = \frac{h}{3}$$

$$P = \frac{1}{2} K_{ah} w h^2$$

(a)

باری دووهم :- پهستانی رووتهختی لاری خاکی پرکراوی پشتی دیوارهکه به شیوهی گوشهیهکی
دیاری کراو لهسه ری دیوارهکه وه تا خوارهوه



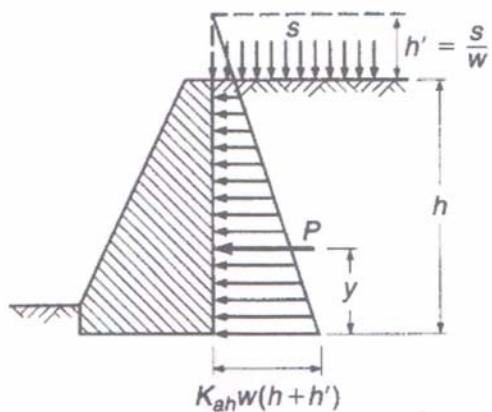
$$y = \frac{h}{3} \quad P = \frac{1}{2} K_a w h^2$$

For $\delta = \phi$, $K_a = \cos \phi$

(b)

باری سی یەم :-

پەستان ناسوئى خاکى پەكراوه و هەروهە قورسایى بە رېڭ دابەشى كراوهى ئەو هىزانەي كە لەسەر خاکە پەكراوهەكە بونيان هەمەيە وەك شتومەك و كۆگا يان رېڭاي ھاتتو چۈيە كە سەيارە و سەيارە بارھەلگەر و قورسایى تر .

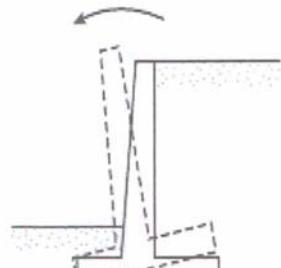


(c)

سەقامگىرى و سەنگىنى دىوارى راڭر :-

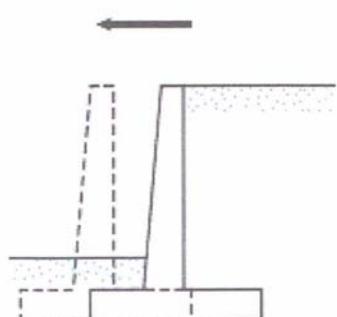
بۇ ئەوهى دىوارى راڭر و سەقامگىر و سەنگىن لە شوينى خويدا ، پىويستە ئەو هۆكaranە كە ئەبنە هوئى ناسەقامگىرى و رووخاندى دىوارە راڭرهەكان لە بەرچاوبىگرىن و كارى شىكارى بۇ بىرىت بۇ ئەوهى لەكتى دىزايىن كردندا چىكى هەموو ئەو هۆكaranە بىرىتەوە ، وە لەوانەيە يەكىك لەم هۆكaranە خوارەوە بىيىتە هۆكاري ئەو نا سەقامگىرىيەن :-

- هەنگەرانەوەی دیواری راگر (Overturn)



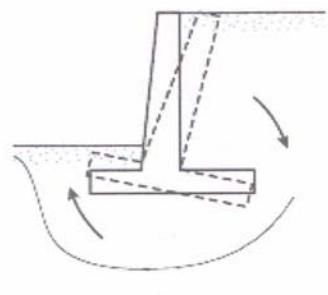
(a)

- خلیسکان دیواری راگر (Sliding)



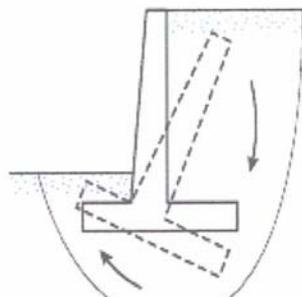
(b)

- کەمى هېزى بەرگە گرتى ئەو خاكەي دیوارەكەي لەسەر دروست ئەكىت (Capacity)



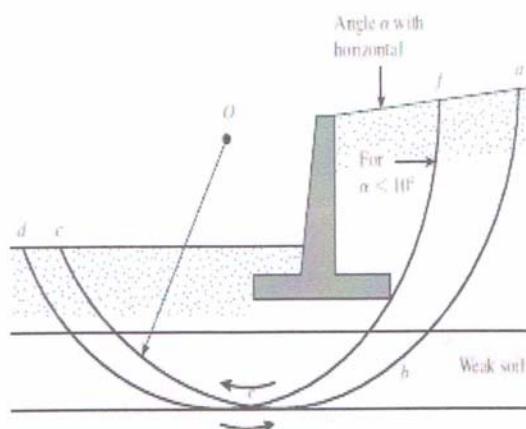
(c)

- رُوچووننى دىيوارى راگرهكە (Under go deep- Seated Shear failure)



(d)

- بەھۆي داروخاندى لە رادە بە دەرى زەوي يەكە (Excessive settlement)



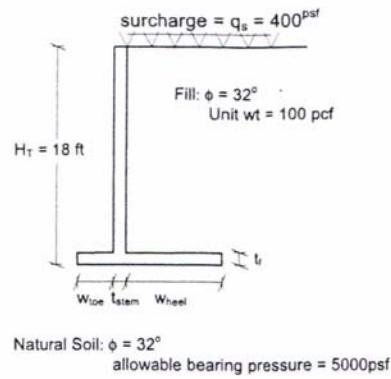
نمونه يەك لە دىزايىنكردنى دیوارى راگرى كۇنکريتى شىشدار

CANTILEVER RETAINING WALL

Retaining Wall Design Example

Design a reinforced concrete retaining wall for the following conditions.

$f_c = 3000 \text{ psi}$
 $f_y = 60 \text{ ksi}$



Development of Structural Design Equations. In this example, the structural design of the three retaining wall components is performed by hand. Two equations are developed in this section for determining the thickness & reinforcement required to resist the bending moment in the retaining wall components (stem, toe and heel).

Equation to calculate effective depth, d: Three basic equations will be used to develop an equation for d.

$$M_u = \phi M_n$$

$$M_n = A_s f_y \left(d - \frac{a}{2} \right)$$

$$M_u = \phi A_s f_y \left(d - \frac{a}{2} \right) \quad [\text{Eqn 1}]$$

$$C = T, \quad 0.85 f'_c ab = A_s f_y$$

$$A_s = 0.85 \frac{f'_c}{f_y} ab \quad [\text{Eqn 2}]$$

$$\text{strain compatibility: } \frac{0.003}{a/\beta_1} = \frac{\epsilon_s + 0.003}{d}, \quad \frac{a}{d} = \frac{0.003}{\epsilon_s + 0.003} \beta_1$$

Assuming $\beta_1 = 0.85$,

ϵ_s	a/d
0.005	0.319
0.00785	0.235
0.010	0.196

and choosing a value for ϵ_s in about the middle of the practical design range,

$$\frac{a}{d} = 0.235, \quad a = 0.235d \quad [\text{Eqn 3}]$$

Retaining Wall Design Example

Substituting Eqn. 2 into Eqn. 1:

$$M_u = \phi \left(0.85 \frac{f_c}{f_y} ab \right) f_y \left(d - \frac{a}{2} \right)$$

And substituting Eqn. 3 into the above:

$$M_u = \phi 0.85 \frac{f_c}{f_y} 0.235d b f_y \underbrace{\left(d - \frac{0.235d}{2} \right)}_{0.883d}$$

Inserting the material properties: $f_c = 3 \text{ ksi}$ and $f_y = 60 \text{ ksi}$, and $b = 12^{\text{in}}$ (1-foot-wide strip of wall, in the direction out of the paper).

$$M_u = 0.90(0.85)3^{\text{ksi}}(12^{\text{in}})(0.235)(0.883)d^2$$

$$M_u = 5.71^{\frac{k}{in}} d^2$$

Equation for area of reinforcement, A_s . The area of reinforcement required is calculated from Eqn. 1:

$$M_u = \phi A_s f_y 0.883d = 0.90 A_s 60^{\text{ksi}} 0.883d$$

$$M_u = 47.7^{\frac{k}{in}} A_s d$$

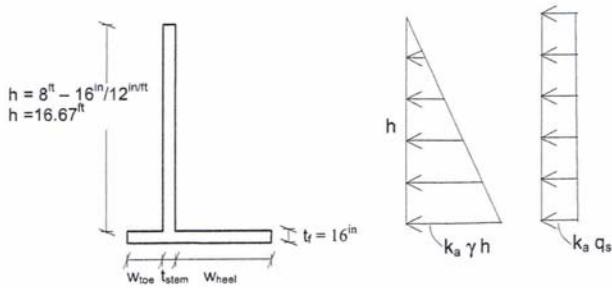
Design Procedure (after Phil Ferguson, Univ. Texas)

1. Determine H_T . Usually, the top-of-wall elevation is determined by the client. The bottom-of-wall elevation is determined by foundation conditions. $H_T = 18 \text{ feet.}$

2. Estimate thickness of base. $t_f \approx 7\% \text{ to } 10\% H_T$ (12" minimum)
 $T_f = 0.07 (18' \times 12") = 15.1"$ use $t_f = 16"$

Retaining Wall Design Example

3. Design stem (t_{stem} , A_{stem}). The stem is a vertical cantilever beam, acted on by the horizontal earth pressure.



calc. d:

$$P_{full} = \frac{1}{2}(k_a \gamma h)h \quad (1^{\text{ft}} \text{ out of page})$$

$$k_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi} = \frac{1 - \sin(32^\circ)}{1 + \sin(32^\circ)} = 0.31$$

$$P_{full} = \frac{1}{2}(0.31)(100 \text{pcf})(16.67^{\text{ft}})^2 \quad (1^{\text{ft}}) = 4310^{\text{lb}}$$

$$P_{sur} = k_a q_{sur} h \quad (1^{\text{ft}}) = 0.31(400 \text{psf})(16.67^{\text{ft}})(1^{\text{ft}}) = 2070^{\text{lb}}$$

$$M_u = (\text{Earth Pressure LoadFactor})(P_{full})\left(\frac{h}{3}\right) + (\text{Live LoadFactor})(P_{sur})\left(\frac{h}{2}\right)$$

$$M_u = (1.6)(4310^{\text{lb}})\left(\frac{16.67^{\text{ft}}}{3}\right) + (1.6)(2070^{\text{lb}})\left(\frac{16.67^{\text{ft}}}{2}\right) = 65.9^{k-\text{ft}}$$

$$M_u = 5.71^{\text{in}} d^2$$

$$65.9^{k-\text{ft}} (12 \frac{\text{in}}{\text{ft}}) = 5.71^{\text{in}} d^2, \quad d = 11.8^{\text{in}}$$

$$t_{stem} = 11.8^{\text{in}} + 2^{\text{in}} \text{ cover} + \frac{1}{2}(1.0^{\text{in}}) = 14.3^{\text{in}}, \quad (\text{assume #8 bars})$$

$$d = 15^{\text{in}} - 2^{\text{in}} - 0.5^{\text{in}} = 12.5^{\text{in}}$$

use $t_{stem} = 15^{\text{in}}$

Retaining Wall Design Example

calc. A_s:

$$M_u = 47.7 \text{ ksi } A_s d$$

$$65.9 \text{ k-ft} (12 \frac{\text{in}}{\text{ft}}) = 47.7 \text{ ksi } A_s (12.5 \text{ in}), \quad A_s = 1.33 \text{ in}^2$$

$$A_s \text{ of one #8 bar} = 0.79 \text{ in}^2$$

$$\frac{0.79 \frac{\text{in}^2}{\text{bar}}}{1.33 \frac{\text{in}^2}{\text{ft of wall}}} 12 \frac{\text{in}}{\text{ft}} = 7.13 \frac{\text{in}}{\text{bar}},$$

use #8 @ 6 in

4. Choose Heel Width, w_{heel} Select w_{heel} to prevent sliding. Use a key to force sliding failure to occur in the soil (soil-to-soil has higher friction angle than soil-to-concrete).

Neglect soil resistance in front of the wall.

$$\text{set } \frac{F_{\text{resist}}}{F_S} = F_{\text{sliding}}$$

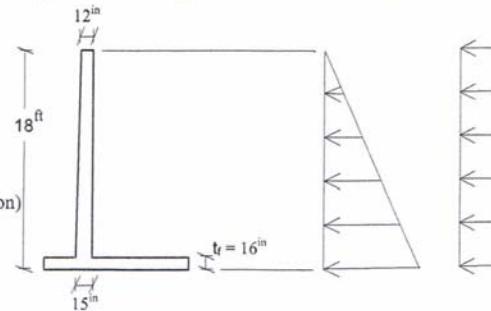
FS = Factor of Safety = 1.5 for sliding

F_{resist} = (Vertical Force)(coefficient of friction)

$$F_{\text{resist}} = W_T (\tan \phi_{\text{natural soil}})$$

$$\tan \phi_{\text{natural soil}} = \tan(32^\circ) = 0.62$$

$$W_T = W_{\text{fill}} + W_{\text{stem}} + W_{\text{found}}$$



$$W_{\text{fill}} = (100 \text{pcf})(16.67 \text{ ft})(w_{\text{heel}})(1 \text{ ft}) = 1670 \frac{\text{lb}}{\text{ft}} w_{\text{heel}}$$

$$W_{\text{stem}} = (150 \text{pcf})(16.67 \text{ ft}) \left(\frac{12 \text{ in} + 15 \text{ in}}{2} \right) \frac{1 \text{ ft}}{12 \text{ in}} (1 \text{ ft}) = 2810 \text{ lb}$$

$$W_{\text{found}} = (150 \text{pcf}) \left(\frac{16}{12} \text{ ft} \right) (w_{\text{heel}} + \frac{15}{12} \text{ ft} + 3 \text{ ft}) (1 \text{ ft}) = 200 \text{ plf } w_{\text{heel}} + 850$$

$$F_{\text{sliding}} = P_{\text{fill}} + P_{\text{sur}}$$

$$P_{\text{fill}} = \frac{1}{2} (0.31 \times 100 \text{pcf}) (18 \text{ ft})^2 (1 \text{ ft}) = 5020 \text{ lb}$$

$$P_{\text{sur}} = (0.31 \times 400 \text{ psf}) (18 \text{ ft}) (1 \text{ ft}) = 2230 \text{ lb}$$

$$F_{\text{sliding}} = 5020 \text{ lb} + 2230 \text{ lb} = 7250 \text{ lb}$$

Retaining Wall Design Example

$$7250^{lb} = \frac{\left[1670 \frac{lb}{ft} w_{heel} + 2810^{lb} + 200 \frac{lb}{ft} w_{heel} + 850^{lb} \right] (0.62)}{1.5}$$

$$7250^{lb} \frac{1.5}{0.62} = 3660^{lb} + 1870 \frac{lb}{ft} w_{heel}, \quad w_{heel} = 7.42^{ft}, \quad \underline{\text{use } w_{heel} = 7.5^{ft}}$$

5. Check Overturning.

$$M_{over} = P_{fill} \left(\frac{18^{ft}}{3} \right) + P_{sur} \left(\frac{18^{ft}}{2} \right)$$

$$M_{over} = 5.02^k (6^{ft}) + 2.23^k (9^{ft}) = 50.2^{k-ft}$$

$$M_{resist} = W_{fill} \left(\frac{7.5^{ft}}{2} + \frac{15}{12}^{ft} + 3^{ft} \right), \text{ assume } w_{toe} = 3^{ft}$$

$$+ W_{stem} \left(3^{ft} + \frac{1.25^{ft}}{2} \right)$$

$$+ W_{found} \left(\frac{11.75^{ft}}{2} \right)$$

$$M_{resist} = \underbrace{(1.67^{kft} \times 7.5^{ft}) (8^{ft})}_{12.53^k} + \underbrace{(2.81^k)(3.625^{ft}) + (0.20^{kft} \times 7.5^{ft} + 0.85^k)(5.875^{ft})}_{2.35^k}$$

$$M_{resist} = 124.2^{k-ft}$$

$$\frac{M_{resist}}{M_{over}} = \frac{124.2^{k-ft}}{50.2^{k-ft}} = 2.47 > 2.0 = FS_{over}, OK$$

6. Check Bearing.

$$\sigma_v \text{ at end of toe} = \frac{W_T}{bL} + \frac{M}{bL^2}, \text{ equation is valid only if } e < \frac{L}{6}$$

$$W_T = W_{fill} + W_{stem} + W_{found}$$

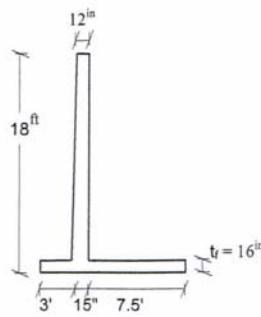
$$W_T = 12.45^k + 2.81^k + 2.35^k = 17.69^k$$

$$M = M_{over} - W_{fill} \left(5.875^{ft} - \frac{7.5^{ft}}{2} \right) + W_{stem} \left(7.5^{ft} + \frac{1.25^{ft}}{2} - 5.875^{ft} \right) + W_{found} (0)$$

$$M = 50.2^{k-ft} - 12.53^k (2.125^{ft}) + 2.81^k (2.25^{ft}) = 29.9^{k-ft}$$

Check that $e < L/6$:

$$e = \frac{m}{W_T} = \frac{29.9^{k-ft}}{17.69^k} = 1.68^{ft}, \quad \frac{L}{6} = \frac{11.75^{ft}}{6} = 1.96^{ft}, \quad \therefore e < \frac{L}{6}, OK$$



Retaining Wall Design Example

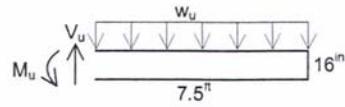
$$\sigma_v = \frac{17.69^k}{(1^ft)(11.75^ft)} + \frac{29.9^{k-ft}}{\frac{1}{6}(1^ft)(11.75^ft)^2} = 2.80^{k-ft} < 5.0^{k-ft} = \text{allowable bearing capacity, OK}$$

7. Heel Design.

Max. load on heel is due to the weight of heel + fill + surcharge as the wall tries to tip over.

Flexure:

$$\begin{aligned} W &= W_{\text{heel}} + W_{\text{fill}} + W_{\text{sur}} \\ W &= 1.2(150 \text{pcf})(\frac{16}{12} \text{ ft})(1^ft) \\ &\quad + 1.2(100 \text{pcf})(16.67^ft)(1^ft) \\ &\quad + 1.6(400 \text{plf}) \\ W &= 2.88^{k-ft} \\ M_u &= \frac{w_u L^2}{2} = \frac{2.88^{k-ft} (7.5^ft)^2}{2} = 81.0^{k-ft} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} M_u &= 5.71 \frac{k}{in} d^2 \\ 81.0^{k-ft} (12 \frac{in}{ft}) &= 5.71 \frac{k}{in} d^2, \quad d = 13.0^{in} \text{ for flexure} \end{aligned}$$

Shear:

$$V_u = w_u (7.5^ft) = 2.88^{k-ft} (7.5^ft) = 21.6^k$$

$$\phi V_c = (0.75) 2\sqrt{f_c} b_w d = (0.75) 2\sqrt{3000 \text{psi}} (12^{in}) d$$

$$\text{set } V_u = \phi V_c, \quad 21,600^{lb} = (0.75) 2\sqrt{3000 \text{psi}} (12^{in}) d, \quad d = 21.9^{in} \text{ for shear, controls}$$

Shear controls the thickness of the heel.

$$t_{\text{heel}} = 21.9^{in} + 2^{in} \text{ cover} + \frac{1}{2} in = 24.4^{in} \quad (\text{assume #8 bar}), \quad \underline{\text{use } t_{\text{heel}} = 21.5^{in}}$$

Reinforcement in heel:

$$\begin{aligned} M_u &= 47.7^{kft} A_s d \\ 81.0^{k-ft} (12 \frac{in}{ft}) &= 47.7^{kft} A_s (21.9^{in}), \quad A_s = 1.07 \frac{in^2}{ft} \\ \frac{0.79}{1.07} \frac{in^2}{bar} (12 \frac{in}{ft}) &= 8.83^{in}, \quad \underline{\text{use #8 @ 8"}}$$

Retaining Wall Design Example

8. Toe Design.

Earth Pressure at Tip of Toe:

$$\sigma_v = \frac{W_u}{bL} \pm \frac{M_u}{\frac{1}{6}bL^2}$$

$$W_u = 1.2(W_{full} + W_{stem} + W_{found}) + 1.6(W_{sur})$$

$$W_u = 1.2(12.53^k + 2.81^k + 2.35^k) + 1.6(0.4^{ksf})(18^{\text{ft}})(1^{\text{ft}}) = 32.7^k, \quad (\text{did not recalc foundation wt b.c. negligible change})$$

$$M_u^k = 1.6 M_{over} - 1.2(W_{soil} \times 2.125^{\text{ft}} + W_{stem} \times 1.0^{\text{ft}})$$

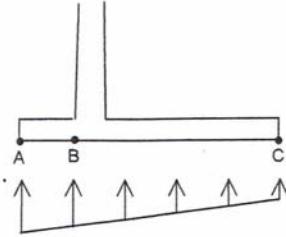
$$M_u = 1.6(50.2^{k-\text{ft}}) - 1.2[12.53^k(2.125^{\text{ft}}) + 2.81^k(1^{\text{ft}})] = 45.0^{k-\text{ft}}$$

$$\sigma_v = \frac{32.7^k}{(1^{\text{ft}})(11.75^{\text{ft}})} + \frac{45.0^{k-\text{ft}}}{\frac{1}{6}(1^{\text{ft}})(11.75^{\text{ft}})^2}$$

$$\sigma_{v_A} = 2.78^{ksf} + 1.96^{ksf} = 4.74^{ksf}$$

$$\sigma_{v_C} = 2.78^{ksf} - 1.96^{ksf} = 0.82^{ksf}$$

$$\sigma_{v_B} = 0.82^{ksf} + \frac{4.74^{ksf} - 0.82^{ksf}}{11.75^{\text{ft}}} (8.75^{\text{ft}}) = 3.74^{ksf}$$



d for flexure:

$$M_u = (3.74^{ksf})(3^{\text{ft}})(1^{\text{ft}})\left(\frac{3^{\text{ft}}}{2}\right) + \frac{1}{2}(1.00^{ksf})(3^{\text{ft}})(1^{\text{ft}})\left(\frac{2}{3}3^{\text{ft}}\right) = 19.8^{k-\text{ft}}$$

$$M_u = 5.71 \frac{k}{in} d^2$$

$$19.8^{k-\text{ft}} (12 \frac{in}{ft}) = 5.71 \frac{k}{in} d^2, \quad d = 6.5^{in} \text{ for flexure}$$

d for shear:

$$\text{Assume } t_{heel} = t_{toe} = 21.5^{in}$$

Critical section for shear occurs at "d" from face of stem, $d = 21.5^{in} - 3^{in} \text{ cover} - 1/2^{in} = 18^{in}$

$$\sigma_{v_{critical\ section}} = 0.82^{ksf} + \frac{4.74^{ksf} - 0.82^{ksf}}{11.75^{\text{ft}}} (8.75^{\text{ft}} + \frac{18}{12}^{\text{ft}}) = 4.24^{ksf}$$

$$V_u = \frac{1}{2}(4.74^{ksf} + 4.24^{ksf})(3^{\text{ft}} - \frac{18}{12}^{\text{ft}})(1^{\text{ft}}) = 6.74^k$$

$$\phi V_c = (.75)2\sqrt{3000 \text{ psi}} (12^{in})(18^{in}) = 17,750^{lb} > V_u, \quad OK, \quad d \text{ for flexure controls}$$

Retaining Wall Design Example

Reinforcement in toe:

$$M_u = 47.7 \text{ ksi } A_s d$$

$$19.8 \text{ k-ft} (12 \frac{\text{in}}{\text{ft}}) = 47.7 \text{ ksi } A_s (18 \text{ in}), \quad A_s = 0.28 \text{ in}^2$$

$$\frac{0.79 \frac{\text{in}^2}{\text{bar}}}{0.28 \frac{\text{in}^2}{\text{ft}}} (12 \frac{\text{in}}{\text{ft}}) = 33 \text{ in}, \text{ try smaller bars, say #4}$$

$$\frac{0.20 \frac{\text{in}^2}{\text{bar}}}{0.28 \frac{\text{in}^2}{\text{ft}}} (12 \frac{\text{in}}{\text{ft}}) = 8.6 \text{ in}$$

use #4 @ 8"

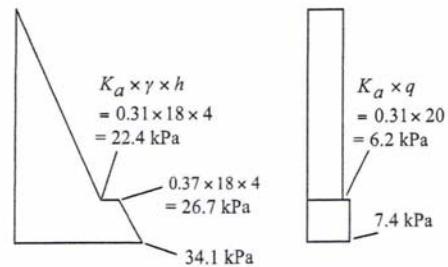
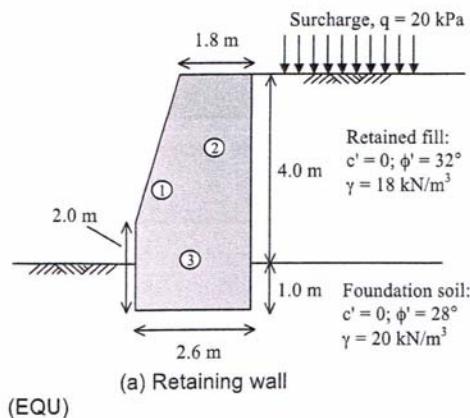
نمونه يهك له ديزاينگردنى دیوارى راگرى بەرد (قورسايى)

GRAVITY RETAINING WALL

Example: Gravity retaining wall

Check the proposed design of the mass concrete retaining wall shown in Figure 4-5. The wall is to be cast into the foundation soil to a depth of 1.0m and will retain granular fill to a height of 4m as shown. Take the unit weight of concrete as $\gamma_c = 24 \text{ kN/m}^3$ (EN1991-1-1 Table A.1) and ignore any passive resistance from the soil in front of the wall such that any over-dig can be safely ignored.

Check the overturning (EQU) and sliding (GEO) (using Design Approach 1) limit states.



(b) Earth pressure diagram

Solution:

EQU Limit state:

From Annex A, we obtain the partial factors:

$$\gamma_{G, \text{dst}} = 1.1; \gamma_{G, \text{stb}} = 0.9; \gamma_Q = 1.5; \gamma_I = 1.25.$$

First, we determine the design material properties and the design actions:

(i) Design material properties:

Retained fill:

$$\phi'_{d} = \tan^{-1} \left(\frac{\tan \phi'}{\gamma_{\phi}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{\tan 32^\circ}{1.25} \right) = 26.6^\circ$$

Eurocode 7 states that for concrete walls cast into the soil, δ should be taken as equal to the design value of ϕ , i.e. $\delta/\phi'_d = 1$. From Figure 4-4, the horizontal component of $K_a = 0.31$.

Foundation soil:

$$\phi'_d = \tan^{-1} \left(\frac{\tan \phi'}{\gamma_{\phi'}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{\tan 28}{1.25} \right) = 23^\circ$$

(ii) Design actions

The self-weight of the wall is a permanent, favourable action. Consider the wall as comprising three areas as indicated in Figure 4-5(a). The design weight of each area is determined:

$$\text{Area 1: } G_{W1,d} = \frac{1}{2} \times 0.8 \times 3 \times \gamma_{concrete} \times \gamma_{G,stb} = 1.2 \times 24 \times 0.9 = 25.9 \text{ kN}$$

$$\text{Area 2: } G_{W2,d} = 1.8 \times 3 \times \gamma_{concrete} \times \gamma_{G,stb} = 5.4 \times 24 \times 0.9 = 116.6 \text{ kN}$$

$$\text{Area 3: } G_{W3,d} = 2.6 \times 2 \times \gamma_{concrete} \times \gamma_{G,stb} = 5.2 \times 24 \times 0.9 = 112.3 \text{ kN}$$

The thrust from the active earth pressure behind the wall is a permanent, unfavourable action.

$$P_{a,d} (\text{fill}) = \frac{1}{2} \times 22.4 \times 4 \times \gamma_{G,dsf} = 49.3 \text{ kN}$$

$$P_{a,d} (\text{foundation soil}) = \frac{1}{2} \times (26.7 + 34.1) \times 1.0 \times \gamma_{G,dsf} = 33.4 \text{ kN}$$

The lateral thrust from the surcharge is a variable, unfavourable action:

$$P_{q,d} (\text{fill}) = 6.2 \times 4 \times \gamma_Q = 37.2 \text{ kN}$$

$$P_{q,d} (\text{foundation soil}) = 7.4 \times 1.0 \times \gamma_Q = 11.1 \text{ kN}$$

(iii) Design effect of actions and design resistance

The effect of the actions is to cause the overturning moment about the toe of the wall. This is resisted by the stabilising moment from the self-weight of the wall.

Action	Magnitude of Action (kN)	Lever arm (m)	Moment (kNm)
Stabilising:			
Area 1	25.9	$\frac{2}{3} \times 0.8 = 0.53$	13.7
Area 2	116.6	$0.8 + \frac{1.8}{2} = 1.7$	198.2
Area 3	112.3	$\frac{2.6}{2} = 1.3$	146.0
		Total:	357.9
Destabilising:			
P _a (fill)	49.3	$1 + \frac{4}{3} = 2.33$	115.0
P _a (foundation soil)	33.4	$\frac{1.0(2 \times 26.7 + 34.1)}{3(26.7 + 34.1)} = 0.48$	16.0
P _q (fill)	37.2	$1.0 + \frac{4}{2} = 3.0$	111.6
P _q (foundation soil)	11.1	$\frac{1.0}{2} = 0.5$	5.6
		Total:	248.2

From the results it is seen that the EQU limit state is satisfied since the sum of the design destabilising actions and effects (248.2 kNm) is less than the sum of the design stabilising actions and effects (357.9 kNm).

This result may be presented by the *over-design factor*, Γ :

$$\Gamma = \frac{357.9}{248.2} = 1.44$$

GEO Limit state:

For Design Approach 1 we must check both partial factor sets combinations.

1. Combination 1 (partial factor sets A1 + M1 + R1)

From Annex A: $\gamma_{G,\text{unfav}} = 1.35$; $\gamma_{G,\text{fav}} = 1.0$; $\gamma_Q = 1.5$; $\gamma_r = 1.0$.

(i) Design material properties:

Retained fill:

$$\phi'_{d} = \tan^{-1}\left(\frac{\tan \phi'}{\gamma_{\phi'}}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{\tan 32}{1.0}\right) = 32^\circ$$

From Figure 4-4, the horizontal component of $K_a = 0.25$.

Foundation soil:

$$\phi'_d = \phi' = 28^\circ$$

the horizontal component of $K_a = 0.30$.

(ii) Design actions:

The design weight of each area of the wall is determined as before, this time taking $\gamma_{G,\text{fav}} = 1.0$.

Area 1: $G_{W1;d} = 1.2 \times 24 \times 1.0$	= 28.8 kN
Area 2: $G_{W2;d} = 5.4 \times 24 \times 1.0$	= 129.6 kN
Area 3: $G_{W3;d} = 5.2 \times 24 \times 1.0$	= 124.8 kN
Total, $R_{v;d}$:	283.2 kN

The thrust from the active earth pressure is a permanent, unfavourable action.

$$\begin{aligned} P_{a;d} (\text{fill}) &= \frac{1}{2} \times 0.25 \times 18 \times 4^2 \times \gamma_{G,\text{unf av}} = 48.6 \text{ kN} \\ p_a (\text{fill/foundation interface}) &= 0.30 \times 18 \times 4 = 21.6 \text{ kPa} \\ p_a (\text{base}) &= 21.6 + 0.30 \times 20 \times 1.0 = 27.6 \text{ kPa} \\ P_{a;d} (\text{foundation soil}) &= \frac{1}{2} \times (21.6 + 27.6) \times 1.0 \times \gamma_{G,\text{unf av}} = 33.2 \text{ kN} \end{aligned}$$

The lateral thrust from the surcharge is a variable, unfavourable action.

$$\begin{aligned} P_{q;d} (\text{fill}) &= 20 \times 0.25 \times 4 \times \gamma_Q = 30.0 \text{ kN} \\ P_{q;d} (\text{foundation soil}) &= 20 \times 0.30 \times 1.0 \times \gamma_Q = 9.0 \text{ kN} \end{aligned}$$

(iii) Design effect of actions and design resistance:

The effect of the actions is to cause forward sliding of the wall. This is resisted by the friction on the underside of the wall.

$$\begin{aligned} \text{Total horizontal thrust, } R_{h;d} &= 48.6 + 33.2 + 30.0 + 9.0 = 120.8 \text{ kN} \\ \text{Design resistance} &= R_{v;d} \tan\delta = 283.2 \times \tan 28^\circ = 150.6 \text{ kN} \quad (\text{since } \delta = \phi) \end{aligned}$$

Thus the GEO limit state requirement is satisfied and the over-design factor,

$$\Gamma = \frac{150.6}{120.8} = 1.25.$$

2. Combination 2 (partial factor sets A2 + M2 + R1)

The partial factors are: $\gamma_{G, \text{fav}} = 1.0$; $\gamma_{G, \text{unfav}} = 1.0$; $\gamma_o = 1.3$; $\gamma_v = 1.25$. The calculations are the same as for Combination 1 except that this time these partial factors are used.

$$\begin{aligned} K_a \text{ (fill)} &= 0.31 \\ K_a \text{ (foundation soil)} &= 0.37 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} R_{v;d} &= 283.2 \text{ kN} \\ R_{h;d} &= 44.9 + 30.4 + 32.5 + 9.7 = 117.5 \text{ kN} \\ R_{v;d} \tan\delta &= 283.2 \times \tan 23^\circ = 120.2 \text{ kN} \end{aligned}$$

$$\text{Thus the GEO limit state is satisfied and the over-design factor, } \Gamma = \frac{120.2}{117.5} = 1.03.$$

Overview

The GEO limit state is satisfied for both combinations and thus the proposed design of the wall is satisfactory. The lower value of Γ obtained (in this case 1.03) governs the design.

سەرچاوهگان

1-Principle of Foundation Engineering

By : Braja M . Das

2- Design of concrete of structures

By : Arthur H . Nilson